Table E1: Illustration of the $\mu(\mathrm{g})$ steady-state formula
(proposition 3: exogenous saving model, closed economy, equations (E1)-(E4))
( $b_{y}{ }^{*}=\mu^{*} m^{*} \beta^{*}$ computed for fixed $\beta^{*}=s / g=600 \%$, i.e. assuming that $s_{k}$ and $s_{\mathrm{L}}$ adjusts; $\mu^{*}$ unaffected by $\beta^{*}$ )

| $\begin{gathered} \alpha \\ 30 \% \\ \hline \mathrm{~A} \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \hline 1-\alpha \\ 70 \% \\ \hline H \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \hline \beta^{*} \\ 600 \% \\ \hline R \end{gathered}$ | Class savings$\left(s_{L}=0 \& s_{\mathrm{K}}>0\right)$ |  | Uniform savings$\left(s_{L}=s_{K}=s\right) \& \rho=1$ |  | $\begin{aligned} & \text { Partial class } \\ & \text { savings ( } s_{\llcorner } / \mathrm{s}<1 \text { ) } \\ & \& \rho=1 \end{aligned}$ |  | Uniform savings $\left(\mathrm{s}_{\mathrm{L}}=\mathrm{s}_{\mathrm{K}}=\mathrm{s}\right)$ \& replacement rate $\rho<1$ |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| 20 | 30 | 60 |  |  | $\mathrm{S}_{\mathrm{L}} / \mathrm{s}$ | 50\% | $\rho$ | 50\% | $\rho$ | 0\% |
| D | $\mathrm{I}=\mathrm{D}-\mathrm{H}$ | g | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{g})$ | $\mathrm{b}_{\text {y }}{ }^{\text {* }}$ |  |  | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{g})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{\text {* }}$ | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{g})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{\text {* }}$ | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{g})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{\text {* }}$ | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{g})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{\text {a }}$ |
| 60 | 30 | 0\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% |
| 70 | 40 | 0\% | 167\% | 20\% | 167\% | 20\% | 167\% | 20\% | 167\% | 20\% | 167\% | 20\% |
| 80 | 50 | 0\% | 200\% | 20\% | 200\% | 20\% | 200\% | 20\% | 200\% | 20\% | 200\% | 20\% |
| 60 | 30 | 1\% | 133\% | 20\% | 129\% | 19\% | 131\% | 20\% | 129\% | 19\% | 129\% | 19\% |
| 70 | 40 | 1\% | 167\% | 20\% | 156\% | 19\% | 161\% | 19\% | 153\% | 18\% | 150\% | 18\% |
| 80 | 50 | 1\% | 200\% | 20\% | 181\% | 18\% | 190\% | 19\% | 176\% | 18\% | 168\% | 17\% |
| 60 | 30 | 2\% | 133\% | 20\% | 125\% | 19\% | 129\% | 19\% | 125\% | 19\% | 125\% | 19\% |
| 70 | 40 | 2\% | 167\% | 20\% | 147\% | 18\% | 156\% | 19\% | 142\% | 17\% | 136\% | 16\% |
| 80 | 50 | 2\% | 200\% | 20\% | 166\% | 17\% | 181\% | 18\% | 156\% | 16\% | 142\% | 14\% |
| 60 | 30 | 3\% | 133\% | 20\% | 122\% | 18\% | 127\% | 19\% | 122\% | 18\% | 122\% | 18\% |
| 70 | 40 | 3\% | 167\% | 20\% | 139\% | 17\% | 151\% | 18\% | 132\% | 16\% | 123\% | 15\% |
| 80 | 50 | 3\% | 200\% | 20\% | 153\% | 15\% | 173\% | 17\% | 140\% | 14\% | 120\% | 12\% |
| 60 | 30 | 4\% | 133\% | 20\% | 119\% | 18\% | 125\% | 19\% | 119\% | 18\% | 119\% | 18\% |
| 70 | 40 | 4\% | 167\% | 20\% | 133\% | 16\% | 147\% | 18\% | 123\% | 15\% | 112\% | 13\% |
| 80 | 50 | 4\% | 200\% | 20\% | 143\% | 14\% | 166\% | 17\% | 127\% | 13\% | 102\% | 10\% |
| 60 | 30 | 5\% | 133\% | 20\% | 116\% | 17\% | 123\% | 18\% | 116\% | 17\% | 116\% | 17\% |
| 70 | 40 | 5\% | 167\% | 20\% | 127\% | 15\% | 143\% | 17\% | 116\% | 14\% | 102\% | 12\% |
| 80 | 50 | 5\% | 200\% | 20\% | 135\% | 13\% | 159\% | 16\% | 116\% | 12\% | 86\% | 9\% |
| 60 | 30 | 10\% | 133\% | 20\% | 107\% | 16\% | 116\% | 17\% | 107\% | 16\% | 107\% | 16\% |
| 70 | 40 | 10\% | 167\% | 20\% | 111\% | 13\% | 127\% | 15\% | 91\% | 11\% | 66\% | 8\% |
| 80 | 50 | 10\% | 200\% | 20\% | 112\% | 11\% | 135\% | 13\% | 83\% | 8\% | 40\% | 4\% |


| Table E2: Illustration of the $\mu(\mathrm{g}, \mathrm{r})$ steady-state formula (proposition 4: exogenous saving model, open economy, equation (E5)) (case $\rho=1$ ) <br> $\left(b_{y}{ }^{*}=\mu^{*} m^{*} \beta^{* *}\right.$ computed for fixed $\beta^{* *}=s_{L} /\left[g-r\left(s_{K}-s_{L}\right)\right]=600 \%$, i.e. assuming that $s_{L}$ adjusts; $\mu^{*}$ unaffected by $\beta^{* *}$ ) |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| $\begin{gathered} \mathrm{s}_{\mathrm{K}} \\ 20 \% \\ \hline \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \beta^{* *} \\ 600 \% \end{gathered}$ | $\mu(\mathrm{g}, \mathrm{r})$ for given r |  |  | $\mu(\mathrm{g}, \mathrm{r})$ for given g |  |  | $\mu(\mathrm{g}, \mathrm{r})$ for given $\mathrm{r}-\mathrm{g}$ |  |  |
| $\begin{gathered} \hline \mathrm{A} \\ 20 \\ \hline \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \hline \mathrm{H} \\ 30 \end{gathered}$ | r | 5\% |  | g | 2\% |  | r-g | 3\% |  |
| D | I = D-H | g | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{g}, \mathrm{r})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ | r | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{g}, \mathrm{r})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{\text {r }}$ | g | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{g}, \mathrm{r})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ |
| 60 | 30 | 0\% | 133\% | 20\% | 0\% | 122\% | 18\% | 0\% | 133\% | 20\% |
| 70 | 40 | 0\% | 167\% | 20\% | 0\% | 140\% | 17\% | 0\% | 167\% | 20\% |
| 80 | 50 | 0\% | 200\% | 20\% | 0\% | 155\% | 15\% | 0\% | 200\% | 20\% |
| 60 | 30 | 1\% | 133\% | 20\% | 1\% | 123\% | 18\% | 1\% | 132\% | 20\% |
| 70 | 40 | 1\% | 167\% | 20\% | 1\% | 142\% | 17\% | 1\% | 163\% | 20\% |
| 80 | 50 | 1\% | 200\% | 20\% | 1\% | 158\% | 16\% | 1\% | 194\% | 19\% |
| 60 | 30 | 2\% | 127\% | 19\% | 2\% | 124\% | 19\% | 2\% | 127\% | 19\% |
| 70 | 40 | 2\% | 152\% | 18\% | 2\% | 144\% | 17\% | 2\% | 152\% | 18\% |
| 80 | 50 | 2\% | 174\% | 17\% | 2\% | 162\% | 16\% | 2\% | 174\% | 17\% |
| 60 | 30 | 3\% | 122\% | 18\% | 3\% | 125\% | 19\% | 3\% | 123\% | 18\% |
| 70 | 40 | 3\% | 140\% | 17\% | 3\% | 147\% | 18\% | 3\% | 142\% | 17\% |
| 80 | 50 | 3\% | 155\% | 15\% | 3\% | 166\% | 17\% | 3\% | 158\% | 16\% |
| 60 | 30 | 4\% | 118\% | 18\% | 4\% | 126\% | 19\% | 4\% | 119\% | 18\% |
| 70 | 40 | 4\% | 131\% | 16\% | 4\% | 149\% | 18\% | 4\% | 134\% | 16\% |
| 80 | 50 | 4\% | 141\% | 14\% | 4\% | 170\% | 17\% | 4\% | 146\% | 15\% |
| 60 | 30 | 5\% | 114\% | 17\% | 5\% | 127\% | 19\% | 5\% | 116\% | 17\% |
| 70 | 40 | 5\% | 124\% | 15\% | 5\% | 152\% | 18\% | 5\% | 128\% | 15\% |
| 80 | 50 | 5\% | 130\% | 13\% | 5\% | 174\% | 17\% | 5\% | 136\% | 14\% |
| 60 | 30 | 10\% | 104\% | 16\% | 10\% | 133\% | 20\% | 10\% | 106\% | 16\% |
| 70 | 40 | 10\% | 106\% | 13\% | 10\% | 167\% | 20\% | 10\% | 109\% | 13\% |
| 80 | 50 | 10\% | 107\% | 11\% | 10\% | 200\% | 20\% | 10\% | 111\% | 11\% |



| Table E4: Illustration of the steady-state formula $\mu(\rho)$ formula (proposition 7: dynastic model, equation (E10)) <br> (by ${ }^{*}=\mu^{*} m^{*} \beta^{*}$ computed for fixed $\beta^{*}=\alpha / r^{*}=600 \%$, i.e. assuming that $\theta$ and/or $\sigma$ adjust; $\mu^{*}$ unaffected by $\beta^{*}$ ) |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| $\begin{gathered} \alpha \\ 30 \% \\ \hline \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \hline \mathrm{r}^{*} \\ 5 \% \\ \hline \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \beta^{*} \\ 600 \% \end{gathered}$ | $\mu^{*}=\bar{\mu}\left[1-\frac{(1-\rho)(1-\alpha) \bar{\beta}_{\mathrm{L}}}{\beta^{*}}\right]$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| $\begin{aligned} & \text { A } \\ & 20 \end{aligned}$ | $\begin{aligned} & \hline \mathrm{H} \\ & 30 \end{aligned}$ | $\begin{gathered} \mathrm{R} \\ 60 \end{gathered}$ | $\rho$ | 100\% | $\rho$ |  |  |  | $\rho$ | 30\% | $\rho$ | 0\% |
| D | $\mathrm{I}=\mathrm{D}-\mathrm{H}$ | g | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{\rho})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{\rho})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{\rho})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{\text {* }}$ | $\mu^{*}=\mu(\mathrm{\rho})$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ | $\mu^{*}=\mu(\rho)$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{\text {a }}$ |
| 60 | 30 | 0\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% |
| 70 | 40 | 0\% | 167\% | 20\% | 156\% | 19\% | 139\% | 17\% | 128\% | 15\% | 111\% | 13\% |
| 80 | 50 | 0\% | 200\% | 20\% | 177\% | 18\% | 143\% | 14\% | 121\% | 12\% | 86\% | 9\% |
| 60 | 30 | 1\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% |
| 70 | 40 | 1\% | 167\% | 20\% | 155\% | 19\% | 137\% | 16\% | 125\% | 15\% | 107\% | 13\% |
| 80 | 50 | 1\% | 200\% | 20\% | 175\% | 18\% | 138\% | 14\% | 114\% | 11\% | 77\% | 8\% |
| 60 | 30 | 2\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% |
| 70 | 40 | 2\% | 167\% | 20\% | 154\% | 18\% | 134\% | 16\% | 122\% | 15\% | 102\% | 12\% |
| 80 | 50 | 2\% | 200\% | 20\% | 173\% | 17\% | 134\% | 13\% | 107\% | 11\% | 67\% | 7\% |
| 60 | 30 | 3\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% |
| 70 | 40 | 3\% | 167\% | 20\% | 153\% | 18\% | 132\% | 16\% | 118\% | 14\% | 97\% | 12\% |
| 80 | 50 | 3\% | 200\% | 20\% | 172\% | 17\% | 129\% | 13\% | 101\% | 10\% | 58\% | 6\% |
| 60 | 30 | 4\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% |
| 70 | 40 | 4\% | 167\% | 20\% | 152\% | 18\% | 130\% | 16\% | 115\% | 14\% | 93\% | 11\% |
| 80 | 50 | 4\% | 200\% | 20\% | 170\% | 17\% | 125\% | 13\% | 95\% | 10\% | 51\% | 5\% |
| 60 | 30 | 5\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% |
| 70 | 40 | 5\% | 167\% | 20\% | 151\% | 18\% | 128\% | 15\% | 112\% | 13\% | 89\% | 11\% |
| 80 | 50 | 5\% | 200\% | 20\% | 169\% | 17\% | 122\% | 12\% | 91\% | 9\% | 44\% | 4\% |
| 60 | 30 | 10\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% | 133\% | 20\% |
| 70 | 40 | 10\% | 167\% | 20\% | 149\% | 18\% | 122\% | 15\% | 104\% | 13\% | 78\% | 9\% |
| 80 | 50 | 10\% | 200\% | 20\% | 169\% | 17\% | 123\% | 12\% | 92\% | 9\% | 45\% | 5\% |


| Table E5: Illustration of the $\lambda$ formula and $b_{y}{ }^{*}=b_{y}(g, r)$ formula (propositions 8-9: wealth-in-the-utility-function model, equations (E12)-(E13) and (E17)) |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| A | H |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 20 | 30 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| R | 1-a |  | $\rho$ | $\mathrm{s}_{\text {B }}$ | $\rho$ | $\mathrm{s}_{\text {B }}$ | $\rho$ | $\mathrm{s}_{\mathrm{B}}$ | $\rho$ | $\mathrm{s}_{\text {B }}$ |
| 60 | 70\% |  | 100\% | 10\% | 80\% | 10\% | 50\% | 10\% | 0\% | 10\% |
| D | $\mathrm{I}=\mathrm{D}-\mathrm{H}$ | r-g | $\lambda$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ | $\lambda$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ | $\lambda$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{\text {a }}$ | $\lambda$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ |
| 60 | 30 | 0\% | 100\% | 8\% | 100\% | 8\% | 100\% | 8\% | 100\% | 8\% |
| 70 | 40 | 0\% | 100\% | 8\% | 100\% | 8\% | 100\% | 8\% | 100\% | 8\% |
| 80 | 50 | 0\% | 100\% | 8\% | 100\% | 8\% | 100\% | 8\% | 100\% | 8\% |
| 60 | 30 | 1\% | 91\% | 10\% | 91\% | 10\% | 91\% | 10\% | 91\% | 10\% |
| 70 | 40 | 1\% | 96\% | 10\% | 97\% | 11\% | 98\% | 11\% | 101\% | 11\% |
| 80 | 50 | 1\% | 102\% | 11\% | 103\% | 11\% | 105\% | 12\% | 111\% | 12\% |
| 60 | 30 | 2\% | 84\% | 13\% | 84\% | 13\% | 84\% | 13\% | 84\% | 13\% |
| 70 | 40 | 2\% | 94\% | 15\% | 96\% | 15\% | 98\% | 15\% | 103\% | 16\% |
| 80 | 50 | 2\% | 106\% | 17\% | 109\% | 17\% | 114\% | 18\% | 125\% | 20\% |
| 60 | 30 | 3\% | 79\% | 18\% | 79\% | 18\% | 79\% | 18\% | 79\% | 18\% |
| 70 | 40 | 3\% | 94\% | 22\% | 96\% | 22\% | 100\% | 23\% | 106\% | 24\% |
| 80 | 50 | 3\% | 114\% | 26\% | 118\% | 27\% | 126\% | 29\% | 143\% | 33\% |
| 60 | 30 | 4\% | 74\% | 26\% | 74\% | 26\% | 74\% | 26\% | 74\% | 26\% |
| 70 | 40 | 4\% | 96\% | 33\% | 99\% | 34\% | 103\% | 36\% | 111\% | 39\% |
| 80 | 50 | 4\% | 126\% | 44\% | 131\% | 46\% | 142\% | 49\% | 166\% | 58\% |
| 60 | 30 | 5\% | 71\% | 41\% | 71\% | 41\% | 71\% | 41\% | 71\% | 41\% |
| 70 | 40 | 5\% | 100\% | 57\% | 103\% | 58\% | 108\% | 61\% | 118\% | 67\% |
| 80 | 50 | 5\% | 142\% | 81\% | 149\% | 85\% | 163\% | 92\% | 194\% | 110\% |

Table E6: Illustration of the $b_{y}{ }^{*}, \beta^{*}$ and $\mu^{*}$ formulas
(propositions 8-9, wealth-in-the-utility-function model, equations (E11)-(E15)) ( $\rho=1$ )

$$
\text { (open economy, r=5\%, } \theta=2 \%, \sigma=5, s_{B}=10 \% \text { ) }
$$

| A 20 | H 30 | $\theta$ $2 \%$ | $\begin{gathered} \sigma \\ 5 \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \bar{r} \\ 8 \% \end{gathered}$ | $\begin{gathered} r \\ 5 \% \end{gathered}$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| R | a | 1-a | $\rho$ | $\mathrm{s}_{\mathrm{B}}$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 60 | 30\% | 70\% | 100\% | 10\% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| D | $\mathrm{I}=\mathrm{D}-\mathrm{H}$ | g | r | r-g | $\mathrm{s}_{\mathrm{B}}$ | $\lambda$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ | $\mathrm{g}_{\mathrm{c}}$ | $\mathrm{s}_{\mathrm{L}}$ | $(1-\alpha) \beta_{L}{ }^{*}$ | $\beta_{\mathrm{B}}{ }^{\text {* }}$ | $\beta_{\mathrm{p}}{ }^{\text {* }}$ | $\beta_{K}{ }^{*}=\alpha / r$ | $\mu^{*}$ | $\beta^{*}$ | $\hat{b}_{y}$ * |
| 60 | 30 | 0\% | 5\% | 5\% | 10\% | 71\% | 41\% | 1\% | 17\% | 356\% | 993\% | 1349\% | 600\% | 120\% | 981\% | 29\% |
| 70 | 40 | 0\% | 5\% | 5\% | 10\% | 100\% | 57\% | 1\% | 18\% | 561\% | 1390\% | 1951\% | 600\% | 145\% | 1164\% | 34\% |
| 80 | 50 | 0\% | 5\% | 5\% | 10\% | 142\% | 81\% | 1\% | 19\% | 857\% | 1977\% | 2834\% | 600\% | 171\% | 1339\% | 38\% |
| 60 | 30 | 1\% | 5\% | 4\% | 10\% | 74\% | 26\% | 1\% | 5\% | 226\% | 557\% | 782\% | 600\% | 132\% | 717\% | 24\% |
| 70 | 40 | 1\% | 5\% | 4\% | 10\% | 96\% | 33\% | 1\% | 4\% | 336\% | 720\% | 1056\% | 600\% | 159\% | 860\% | 27\% |
| 80 | 50 | 1\% | 5\% | 4\% | 10\% | 126\% | 44\% | 1\% | 3\% | 489\% | 941\% | 1430\% | 600\% | 184\% | 1011\% | 31\% |
| 60 | 30 | 2\% | 5\% | 3\% | 10\% | 79\% | 18\% | 1\% | -11\% | 108\% | 341\% | 449\% | 600\% | 160\% | 486\% | 19\% |
| 70 | 40 | 2\% | 5\% | 3\% | 10\% | 94\% | 22\% | 1\% | -15\% | 143\% | 409\% | 553\% | 600\% | 195\% | 566\% | 22\% |
| 80 | 50 | 2\% | 5\% | 3\% | 10\% | 114\% | 26\% | 1\% | -19\% | 194\% | 494\% | 689\% | 600\% | 227\% | 659\% | 25\% |
| 60 | 30 | 3\% | 5\% | 2\% | 10\% | 84\% | 13\% | 1\% | -32\% | -1\% | 222\% | 221\% | 600\% | 238\% | 272\% | 16\% |
| 70 | 40 | 3\% | 5\% | 2\% | 10\% | 94\% | 15\% | 1\% | -41\% | -30\% | 248\% | 219\% | 600\% | 336\% | 270\% | 18\% |
| 80 | 50 | 3\% | 5\% | 2\% | 10\% | 106\% | 17\% | 1\% | -49\% | -60\% | 280\% | 220\% | 600\% | 452\% | 271\% | 20\% |
| 60 | 30 | 4\% | 5\% | 1\% | 10\% | 91\% | 10\% | 1\% | -58\% | -106\% | 150\% | 44\% | 600\% | 903\% | 61\% | 14\% |
| 70 | 40 | 4\% | 5\% | 1\% | 10\% | 96\% | 11\% | 1\% | -75\% | -194\% | 159\% | -36\% | 600\% | -1470\% | -52\% | 15\% |
| 80 | 50 | 4\% | 5\% | 1\% | 10\% | 102\% | 11\% | 1\% | -92\% | -297\% | 168\% | -130\% | 600\% | -514\% | -204\% | 17\% |
| 60 | 30 | 5\% | 5\% | 0\% | 10\% | 100\% | 8\% | 1\% | -91\% | -212\% | 106\% | -106\% | 600\% | -294\% | -164\% | 12\% |
| 70 | 40 | 5\% | 5\% | 0\% | 10\% | 100\% | 8\% | 1\% | -123\% | -361\% | 106\% | -255\% | 600\% | -153\% | -445\% | 14\% |
| 80 | 50 | 5\% | 5\% | 0\% | 10\% | 100\% | 8\% | 1\% | -156\% | -539\% | 106\% | -433\% | 600\% | -108\% | -894\% | 16\% |

## Table E7: Illustration of the $b_{y}{ }^{*}, \beta^{*}$ and $\mu^{\star}$ formulas

(propositions 8-9, wealth-in-the-utility-function model, equations (E11)-(E15)) ( $\rho=1$ )
(open economy, $\mathrm{r}=5 \%, \mathrm{~s}_{\mathrm{B}}=10 \%, \theta$ and $\sigma$ adjust so that $\mathrm{g}_{\mathrm{c}}=\mathrm{g}$ )

| A | H |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| R | $\alpha$ | 1-a | $\rho$ | $\mathrm{s}_{\mathrm{B}}$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 60 | 30\% | 70\% | 100\% | 10\% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| D | $\mathrm{I}=\mathrm{D}-\mathrm{H}$ | g | r | r-g | $\mathrm{s}_{\mathrm{B}}$ | $\lambda$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ | $\mathrm{g}_{\mathrm{c}}$ | $\mathrm{s}_{\mathrm{L}}$ | $(1-\alpha) \beta_{L}{ }^{*}$ | $\beta_{\mathrm{B}}{ }^{\text {* }}$ | $\beta_{p}{ }^{*}$ | $\beta_{K}{ }^{*}=\alpha / r$ | $\mu^{*}$ | $\beta^{*}$ | $\widehat{b}_{y}$ * |
| 60 | 30 | 0\% | 5\% | 5\% | 10\% | 71\% | 41\% | 0\% | 10\% | 307\% | 962\% | 1269\% | 600\% | 128\% | 951\% | 30\% |
| 70 | 40 | 0\% | 5\% | 5\% | 10\% | 100\% | 57\% | 0\% | 10\% | 486\% | 1347\% | 1833\% | 600\% | 155\% | 1134\% | 35\% |
| 80 | 50 | 0\% | 5\% | 5\% | 10\% | 142\% | 81\% | 0\% | 10\% | 751\% | 1915\% | 2666\% | 600\% | 182\% | 1311\% | 40\% |
| 60 | 30 | 1\% | 5\% | 4\% | 10\% | 74\% | 26\% | 1\% | 10\% | 257\% | 568\% | 826\% | 600\% | 125\% | 742\% | 23\% |
| 70 | 40 | 1\% | 5\% | 4\% | 10\% | 96\% | 33\% | 1\% | 10\% | 384\% | 735\% | 1119\% | 600\% | 150\% | 888\% | 27\% |
| 80 | 50 | 1\% | 5\% | 4\% | 10\% | 126\% | 44\% | 1\% | 10\% | 556\% | 961\% | 1516\% | 600\% | 173\% | 1040\% | 30\% |
| 60 | 30 | 2\% | 5\% | 3\% | 10\% | 79\% | 18\% | 2\% | 10\% | 218\% | 365\% | 583\% | 600\% | 123\% | 588\% | 18\% |
| 70 | 40 | 2\% | 5\% | 3\% | 10\% | 94\% | 22\% | 2\% | 10\% | 308\% | 439\% | 747\% | 600\% | 144\% | 696\% | 20\% |
| 80 | 50 | 2\% | 5\% | 3\% | 10\% | 114\% | 26\% | 2\% | 10\% | 421\% | 530\% | 951\% | 600\% | 164\% | 809\% | 22\% |
| 60 | 30 | 3\% | 5\% | 2\% | 10\% | 84\% | 13\% | 3\% | 10\% | 186\% | 249\% | 435\% | 600\% | 121\% | 474\% | 14\% |
| 70 | 40 | 3\% | 5\% | 2\% | 10\% | 94\% | 15\% | 3\% | 10\% | 251\% | 279\% | 530\% | 600\% | 139\% | 549\% | 15\% |
| 80 | 50 | 3\% | 5\% | 2\% | 10\% | 106\% | 17\% | 3\% | 10\% | 327\% | 314\% | 640\% | 600\% | 155\% | 628\% | 16\% |
| 60 | 30 | 4\% | 5\% | 1\% | 10\% | 91\% | 10\% | 4\% | 10\% | 161\% | 176\% | 337\% | 600\% | 118\% | 388\% | 11\% |
| 70 | 40 | 4\% | 5\% | 1\% | 10\% | 96\% | 11\% | 4\% | 10\% | 208\% | 186\% | 394\% | 600\% | 133\% | 439\% | 12\% |
| 80 | 50 | 4\% | 5\% | 1\% | 10\% | 102\% | 11\% | 4\% | 10\% | 259\% | 196\% | 455\% | 600\% | 146\% | 491\% | 12\% |
| 60 | 30 | 5\% | 5\% | 0\% | 10\% | 100\% | 8\% | 5\% | 10\% | 140\% | 128\% | 268\% | 600\% | 116\% | 322\% | 9\% |
| 70 | 40 | 5\% | 5\% | 0\% | 10\% | 100\% | 8\% | 5\% | 10\% | 175\% | 128\% | 303\% | 600\% | 128\% | 356\% | 9\% |
| 80 | 50 | 5\% | 5\% | 0\% | 10\% | 100\% | 8\% | 5\% | 10\% | 210\% | 128\% | 338\% | 600\% | 138\% | 389\% | 9\% |

## Table E8: Illustration of the $b_{y}{ }^{*}, \beta^{*}$ and $\mu^{*}$ formulas

(propositions 8-9, wealth-in-the-utility-function model, equations (E11)-(E15)) ( $\rho=1$ ) (closed economy, $r=5 \%, \theta=0 \%, \sigma=\infty, s_{B}$ adjusts so that $\beta^{*}=(1-\alpha) \beta_{L}+\beta_{B}=\alpha / r^{*}$ is fixed to $600 \%$ )

| A | H | $\theta$ | $\sigma$ | r |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| 20 | 30 | 0\% | 10000 | 5\% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| R | 人 | 1-a | $\rho$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 60 | 30\% | 70\% | 100\% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| D | $\mathrm{I}=\mathrm{D}-\mathrm{H}$ | g | r* | r-g | $\mathrm{S}_{\mathrm{B}}$ | $\lambda$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ | $\mathrm{g}_{\mathrm{c}}$ | SL | $(1-\alpha) \beta_{\mathrm{L}}$ * | $\beta_{B}{ }^{*}$ | $\beta^{*}$ | $\beta_{K}{ }^{*}=\alpha / r$ | $\mu^{*}$ |
| 60 | 30 | 0\% | 5\% | 5\% | 6\% | 71\% | 19\% | 0\% | 6\% | 189\% | 411\% | 600\% | 600\% | 126\% |
| 70 | 40 | 0\% | 5\% | 5\% | 5\% | 100\% | 18\% | 0\% | 5\% | 223\% | 378\% | 600\% | 600\% | 150\% |
| 80 | 50 | 0\% | 5\% | 5\% | 3\% | 142\% | 17\% | 0\% | 3\% | 249\% | 351\% | 600\% | 600\% | 173\% |
| 60 | 30 | 1\% | 5\% | 4\% | 9\% | 74\% | 22\% | 0\% | -5\% | 152\% | 448\% | 600\% | 600\% | 146\% |
| 70 | 40 | 1\% | 5\% | 4\% | 7\% | 96\% | 22\% | 0\% | -9\% | 166\% | 434\% | 600\% | 600\% | 183\% |
| 80 | 50 | 1\% | 5\% | 4\% | 6\% | 126\% | 22\% | 0\% | -12\% | 173\% | 427\% | 600\% | 600\% | 222\% |
| 60 | 30 | 2\% | 5\% | 3\% | 13\% | 79\% | 25\% | 0\% | -18\% | 125\% | 475\% | 600\% | 600\% | 164\% |
| 70 | 40 | 2\% | 5\% | 3\% | 11\% | 94\% | 25\% | 0\% | -25\% | 123\% | 477\% | 600\% | 600\% | 211\% |
| 80 | 50 | 2\% | 5\% | 3\% | 10\% | 114\% | 26\% | 0\% | -32\% | 115\% | 485\% | 600\% | 600\% | 263\% |
| 60 | 30 | 3\% | 5\% | 2\% | 17\% | 84\% | 27\% | 0\% | -32\% | 108\% | 492\% | 600\% | 600\% | 178\% |
| 70 | 40 | 3\% | 5\% | 2\% | 16\% | 94\% | 28\% | 0\% | -44\% | 93\% | 507\% | 600\% | 600\% | 233\% |
| 80 | 50 | 3\% | 5\% | 2\% | 16\% | 106\% | 29\% | 0\% | -55\% | 73\% | 527\% | 600\% | 600\% | 294\% |
| 60 | 30 | 4\% | 5\% | 1\% | 23\% | 91\% | 28\% | 0\% | -47\% | 101\% | 498\% | 600\% | 600\% | 189\% |
| 70 | 40 | 4\% | 5\% | 1\% | 23\% | 96\% | 30\% | 0\% | -66\% | 76\% | 523\% | 600\% | 600\% | 248\% |
| 80 | 50 | 4\% | 5\% | 1\% | 23\% | 102\% | 32\% | 0\% | -83\% | 46\% | 554\% | 600\% | 600\% | 315\% |
| 60 | 30 | 5\% | 5\% | 0\% | 30\% | 100\% | 29\% | 0\% | -63\% | 104\% | 496\% | 600\% | 600\% | 196\% |
| 70 | 40 | 5\% | 5\% | 0\% | 31\% | 100\% | 31\% | 0\% | -89\% | 74\% | 527\% | 600\% | 600\% | 257\% |
| 80 | 50 | 5\% | 5\% | 0\% | 32\% | 100\% | 32\% | 0\% | -116\% | 38\% | 562\% | 600\% | 600\% | 325\% |

## Table E9: Illustration of the $b_{y}^{*}, \beta^{*}$ and $\mu^{*}$ formulas

(propositions 8-9, wealth-in-the-utility-function model, equations (E11)-(E15)) ( $\rho=1$ ) (closed economy, $r^{*}=5 \%, \theta=2 \%, \sigma=5, s_{B}$ adjusts so that $\beta^{*}=(1-\alpha) \beta_{L}+\beta_{B}=\alpha / r^{*}$ is fixed to $600 \%$ )

| A 20 | $\begin{gathered} \mathrm{H} \\ 30 \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \theta \\ 2 \% \end{gathered}$ | $\sigma$ | $\begin{gathered} r \\ 5 \% \end{gathered}$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| R | a | 1-a | $\rho$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 60 | 30\% | 70\% | 100\% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| D | $\mathrm{I}=\mathrm{D}-\mathrm{H}$ | g | r* | r-g | $\mathrm{s}_{\mathrm{B}}$ | $\lambda$ | $\mathrm{b}_{\mathrm{y}}{ }^{*}$ | $\mathrm{g}_{\mathrm{c}}$ | $\mathrm{s}_{\mathrm{L}}$ | $(1-\alpha) \beta_{L}$ * | $\beta_{\mathrm{B}}{ }^{\text {* }}$ | $\beta^{*}$ | $\beta_{K}{ }^{*}=\alpha / \mathrm{r}$ | $\mu^{*}$ |
| 60 | 30 | 0\% | 5\% | 5\% | 6\% | 71\% | 17\% | 1\% | 13\% | 224\% | 376\% | 600\% | 600\% | 112\% |
| 70 | 40 | 0\% | 5\% | 5\% | 4\% | 100\% | 15\% | 1\% | 13\% | 274\% | 327\% | 600\% | 600\% | 127\% |
| 80 | 50 | 0\% | 5\% | 5\% | 3\% | 142\% | 14\% | 1\% | 12\% | 316\% | 284\% | 600\% | 600\% | 136\% |
| 60 | 30 | 1\% | 5\% | 4\% | 8\% | 74\% | 20\% | 1\% | 3\% | 183\% | 417\% | 600\% | 600\% | 134\% |
| 70 | 40 | 1\% | 5\% | 4\% | 7\% | 96\% | 19\% | 1\% | 0\% | 209\% | 391\% | 600\% | 600\% | 162\% |
| 80 | 50 | 1\% | 5\% | 4\% | 5\% | 126\% | 19\% | 1\% | -2\% | 227\% | 373\% | 600\% | 600\% | 190\% |
| 60 | 30 | 2\% | 5\% | 3\% | 12\% | 79\% | 23\% | 1\% | -9\% | 152\% | 448\% | 600\% | 600\% | 152\% |
| 70 | 40 | 2\% | 5\% | 3\% | 11\% | 94\% | 23\% | 1\% | -15\% | 160\% | 440\% | 600\% | 600\% | 192\% |
| 80 | 50 | 2\% | 5\% | 3\% | 9\% | 114\% | 23\% | 1\% | -20\% | 160\% | 440\% | 600\% | 600\% | 235\% |
| 60 | 30 | 3\% | 5\% | 2\% | 16\% | 84\% | 25\% | 1\% | -22\% | 132\% | 468\% | 600\% | 600\% | 168\% |
| 70 | 40 | 3\% | 5\% | 2\% | 15\% | 94\% | 26\% | 1\% | -32\% | 125\% | 475\% | 600\% | 600\% | 216\% |
| 80 | 50 | 3\% | 5\% | 2\% | 15\% | 106\% | 27\% | 1\% | -41\% | 111\% | 489\% | 600\% | 600\% | 270\% |
| 60 | 30 | 4\% | 5\% | 1\% | 22\% | 91\% | 27\% | 1\% | -37\% | 122\% | 478\% | 600\% | 600\% | 179\% |
| 70 | 40 | 4\% | 5\% | 1\% | 22\% | 96\% | 28\% | 1\% | -52\% | 104\% | 497\% | 600\% | 600\% | 233\% |
| 80 | 50 | 4\% | 5\% | 1\% | 22\% | 102\% | 29\% | 1\% | -67\% | 79\% | 521\% | 600\% | 600\% | 295\% |
| 60 | 30 | 5\% | 5\% | 0\% | 29\% | 100\% | 28\% | 1\% | -52\% | 121\% | 479\% | 600\% | 600\% | 188\% |
| 70 | 40 | 5\% | 5\% | 0\% | 30\% | 100\% | 29\% | 1\% | -74\% | 96\% | 504\% | 600\% | 600\% | 245\% |
| 80 | 50 | 5\% | 5\% | 0\% | 31\% | 100\% | 31\% | 1\% | -97\% | 65\% | 535\% | 600\% | 600\% | 308\% |

## Table E10: Illustration of the $b_{y}{ }^{*}, \beta^{*}$ and $\mu^{*}$ formulas

(propositions 8-9, wealth-in-the-utility-function model, equations (E11)-(E15)) ( $\rho=1$ )
(closed economy, $\theta=2 \%, \sigma=5, s_{B}=10 \%, r^{*}$ adjusts so that $\beta^{*}=(1-\alpha) \beta_{L}+\beta_{B}=\alpha / r^{*}$ )

| A 20 | $\begin{gathered} H \\ 30 \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \theta \\ 2 \% \end{gathered}$ | $\begin{aligned} & \sigma \\ & 5 \end{aligned}$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| R | a | 1-a | $\rho$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 60 | 30\% | 70\% | 100\% |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| D | $\mathrm{I}=\mathrm{D}-\mathrm{H}$ | g | $\mathrm{r}^{*}$ | $\mathrm{r}^{*}-\mathrm{g}$ | $\mathrm{S}_{\mathrm{B}}$ | $\lambda$ | $\mathrm{by}^{*}{ }^{\text {a }}$ | $\mathrm{g}_{\mathrm{c}}$ | $\mathrm{S}_{\mathrm{L}}$ | $(1-\alpha) \beta_{L}{ }^{*}$ | $\beta_{B}{ }^{*}$ | $\beta^{*}$ | $\beta_{K}{ }^{*}=\alpha / r$ | $\mu^{*}$ |
| 60 | 30 | 0\% | 4\% | 4\% | 10\% | 75\% | 24\% | 0\% | 15\% | 277\% | 519\% | 796\% | 796\% | 119\% |
| 70 | 40 | 0\% | 3\% | 3\% | 10\% | 95\% | 25\% | 0\% | 14\% | 367\% | 529\% | 895\% | 895\% | 139\% |
| 80 | 50 | 0\% | 3\% | 3\% | 10\% | 114\% | 26\% | 0\% | 14\% | 459\% | 538\% | 997\% | 997\% | 157\% |
| 60 | 30 | 1\% | 5\% | 4\% | 10\% | 76\% | 22\% | 1\% | 3\% | 201\% | 456\% | 656\% | 656\% | 134\% |
| 70 | 40 | 1\% | 4\% | 3\% | 10\% | 95\% | 23\% | 0\% | 0\% | 251\% | 466\% | 717\% | 717\% | 162\% |
| 80 | 50 | 1\% | 4\% | 3\% | 10\% | 113\% | 24\% | 0\% | -3\% | 298\% | 478\% | 776\% | 776\% | 189\% |
| 60 | 30 | 2\% | 5\% | 3\% | 10\% | 77\% | 21\% | 1\% | -9\% | 133\% | 415\% | 549\% | 549\% | 154\% |
| 70 | 40 | 2\% | 5\% | 3\% | 10\% | 94\% | 23\% | 1\% | -15\% | 154\% | 433\% | 587\% | 587\% | 192\% |
| 80 | 50 | 2\% | 5\% | 3\% | 10\% | 112\% | 24\% | 1\% | -20\% | 169\% | 451\% | 620\% | 620\% | 233\% |
| 60 | 30 | 3\% | 6\% | 3\% | 10\% | 77\% | 21\% | 1\% | -22\% | 75\% | 392\% | 467\% | 467\% | 178\% |
| 70 | 40 | 3\% | 6\% | 3\% | 10\% | 94\% | 23\% | 1\% | -30\% | 73\% | 417\% | 490\% | 490\% | 231\% |
| 80 | 50 | 3\% | 6\% | 3\% | 10\% | 113\% | 25\% | 1\% | -38\% | 67\% | 444\% | 510\% | 510\% | 289\% |
| 60 | 30 | 4\% | 7\% | 3\% | 10\% | 77\% | 21\% | 1\% | -35\% | 23\% | 380\% | 403\% | 403\% | 208\% |
| 70 | 40 | 4\% | 7\% | 3\% | 10\% | 95\% | 23\% | 1\% | -45\% | 5\% | 413\% | 418\% | 418\% | 278\% |
| 80 | 50 | 4\% | 7\% | 3\% | 10\% | 114\% | 26\% | 1\% | -55\% | -14\% | 446\% | 431\% | 431\% | 355\% |
| 60 | 30 | 5\% | 8\% | 3\% | 10\% | 76\% | 21\% | 1\% | -48\% | -21\% | 374\% | 353\% | 353\% | 242\% |
| 70 | 40 | 5\% | 8\% | 3\% | 10\% | 95\% | 24\% | 1\% | -60\% | -50\% | 414\% | 363\% | 363\% | 331\% |
| 80 | 50 | 5\% | 8\% | 3\% | 10\% | 115\% | 27\% | 1\% | -72\% | -78\% | 452\% | 373\% | 373\% | 429\% |

## Table E11: Illustration of the $b_{y}{ }^{*}, \beta^{*}$ and $\mu^{*}$ formulas

(propositions 8-9, wealth-in-the-utility-function model, equations (E11)-(E15)) ( $\rho=1$ ) (closed economy, $\theta$ and $\sigma$ adjust so that $g_{c}=g, s_{B}=10 \%, r^{*}$ adjusts so that $\beta^{*}=(1-\alpha) \beta_{L}+\beta_{B}=\alpha / r^{*}$ )


| Table E12: Illustration of the $\varphi^{\mathrm{M}}$ and $\varphi^{\mathrm{Ks}}$ steady-state formulas (uncapitalized and capitalized inheritance shares in aggregate wealth) (working paper, section 7.3 , equations (7.6)-(7.7), case $b_{y}=\beta / H$ ) |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| $\begin{gathered} \mathrm{H} \\ 30 \end{gathered}$ |  |  |  |  |
| g | $\varphi^{\text {M }}$ | r-g | $\varphi^{\mathrm{KS}}$ | $\varphi^{\mathrm{KS}} / \varphi^{\mathrm{M}}$ |
| 0\% | 100\% | 0\% | 100\% | 100\% |
| 1\% | 86\% | 1\% | 117\% | 135\% |
| 2\% | 75\% | 2\% | 137\% | 182\% |
| 3\% | 66\% | 3\% | 162\% | 246\% |
| 4\% | 58\% | 4\% | 193\% | 332\% |
| 5\% | 52\% | 5\% | 232\% | 448\% |
| 10\% | 32\% | 10\% | 636\% | 2009\% |
| 1.7\% | 78\% | 3.0\% | 162\% | 207\% |
| 1.0\% | 86\% | 5.0\% | 232\% | 269\% |

